

## EXERCICIS D'EXÀMENS FINALS 2023-2024

Siguin els vectors  $\vec{u} = (2,1)$  i  $\vec{v} = (a,b)$ , amb  $a, b \in \mathbb{R}$ . Si sabem que el vector  $\vec{v}$  és unitari i que  $\vec{u}$  i  $\vec{v}$  són ortogonals, llavors es compleix que:

- a)  $a = \pm \frac{1}{\sqrt{5}}$
- b)  $a = \pm \frac{1}{2}$
- c)  $a = \pm \frac{1}{5}$
- d) No existeix cap valor de  $a \in \mathbb{R}$  que satisfaci aquestes condicions

Donats els vectors  $(1,2,3)$  i  $(-1,-2,-3)$  aleshores:

- a) La seva distància és 0
- b) Són ortogonals
- c) L'angle que formen és  $\alpha = -1^\circ$
- d) L'angle que formen és  $\alpha = 180^\circ$

Una forma quadràtica  $f(x, y, z)$  semidefinida positiva, restringida a un subespai vectorial, pot ser:

- a) Semidefinida negativa
- b) Definida negativa
- c) Definida positiva
- d) Indefinida

El domini de la funció  $f(x, y) = +\sqrt{16 - 4x^2 - y}$  és:

- a) No acotat i convex
- b) No tancat i no obert
- c) Obert i convex
- d) Obert i no acotat

Els valors de  $k \in \mathfrak{R}$  pels quals la distància entre els vectors  $(3, 5, 2)$  i  $(5, k, 2)$  val 2 són:

- a.  $k = \pm 5$
- b.  $k = -1$
- c.  $k = \pm 1$
- d.  $k = 5$

Determineu quina de les següents afirmacions és certa per a una forma quadràtica indefinida restringida a un subespai  $S$ :

- a. La forma quadràtica restringida també serà indefinida
- b. La forma quadràtica restringida pot tenir qualsevol signe
- c. La forma quadràtica restringida serà semidefinida positiva o semidefinida negativa
- d. La forma quadràtica restringida serà definida positiva o definida negativa

L'angle, expressat en graus, que formen els vectors  $(-2, 1, 0)$  i  $(4, 1, -1)$  és aproximadament:

- a.  $2,4^\circ$
- b.  $137,5^\circ$
- c.  $73,7^\circ$
- d.  $1,649^\circ$

La regió del pla definida per  $A = \{(x, y) \in \mathfrak{R}^2 \text{ tals que } y \leq x^2, x^2 + y^2 \leq 9\}$  és:

- a. Oberta i convexa
- b. No tancada i no convexa
- c. Tancada i no convexa
- d. Oberta i no convexa

La forma quadràtica  $f(x, y, z) = kx^2 + z^2 + xy + kxz$ , amb  $k \in \mathfrak{R}$ , és semidefinida positiva:

- a. Per a  $k = 0,5$
- b. Per a  $k \geq 0,5$
- c. Per a  $k \leq 0,5$
- d. Per a cap valor de  $k \in \mathfrak{R}$